Aufgabe 27

Die Antworten von acht Studenten in der Befragung im Rahmen der Vorlesung Deskriptive Statistik im Wintersemester 2014/2015 auf die Frage nach der Häufigkeit (1 = täglich; 2 = jede Woche; 3 = jeden Monat; 4 = seltener; 5 = nie) des Zusammenseins in einer Gruppe und der Nutzung von sozialen Online-Netzwerken sind in folgender Tabelle gegeben:

Student	Gruppe treffen (X)	Online–Netzwerke (Y)
1	2	1
2	2	3
3	2	1
4	3	5
5	2	1
6	4	2
7	4	4
8	2	1

Berechnen Sie Kendall's Tau für diese Stichprobe. Was lässt sich über den Zusammenhang zwischen den beiden untersuchten Merkmalen aussagen?

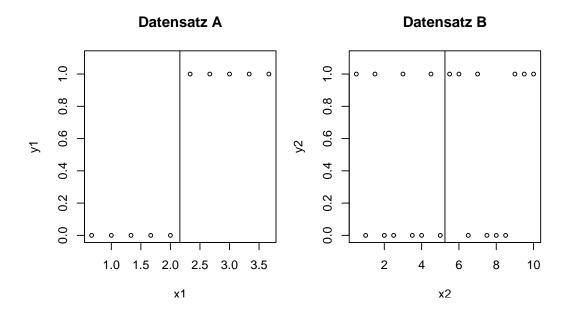
[Hilfe: Kendall's Tau bei Bindungen:
$$\tau = \frac{N_c - N_d}{\sqrt{(N_c + N_d + T_x)(N_c + N_d + T_y)}}$$
]

Aufgabe 28* (20 Punkte)

Für sechs Teilnehmer einer Umfrage im Rahmen der Vorlesung zur deskriptiven Statistik sind die Dauer des Weges zur Uni in Minuten X und die binäre Variable Y, die beschreibt, ob die Person im Innenraum (Y=0) oder im Außenraum (Y=1) des MVVs wohnt, gegeben:

Person i	1	2	3	4	5	6
X	14	15	40	45	50	70
Y	0	0	1	1	0	1

- a) Zeichnen Sie die ROC–Kurve für X und Y und berechnen Sie den AUC–Wert. Beschreiben Sie Ihr Vorgehen!
- b) Interpretieren Sie das Ergebnis aus Teilaufgabe a).
- c) Ändert sich der AUC-Wert, wenn die Zeit in Stunden anstatt in Minuten zur Berechnung verwendet wird? Begründen Sie kurz!
- d) Wie würde die ROC-Kurve aussehen, wenn Person 5 im Außenraum wohnen würde?
- e) Wie hoch ist jeweils in etwa der AUC-Wert für die Datensätze A und B, die in den nachfolgenden Streudiagrammen abgebildet sind? (Ohne Berechnung, aber mit Begründung!)



Aufgabe 29

Für zehn Personen aus der Befragung im Rahmen der Vorlesung Deskriptive Statistik im Wintersemester 2014/2015 ergaben sich folgende Werte für die Lebenszufriedenheit heute X und in einem Jahr Y:

Student	Zufriedenheit heute (X)	Zufriedenheit in einem Jahr (Y)
1	0	0
2	5	9
3	9	10
4	6	8
5	8	9
6	9	10
7	7	9
8	9	9
9	6	6
10	4	3

- (a) Zeichnen Sie ein Streudiagramm und interpretieren Sie dieses.
- (b) Bestimmen Sie den Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson und den Rangkorrelationskoeffizienten nach Spearman.
- (c) Wie ändern sich die Korrelationskoeffizienten, wenn man die Werte mit einem Faktor a multipliziert?
- (d) Berechnen Sie die Regressionskoeffizienten für eine lineare Einfachregression mit der Zielgröße Y und der Einflussgröße X. Zeichnen Sie die entsprechende Ausgleichsgerade in das Streudiagramm aus Teilaufgabe a).